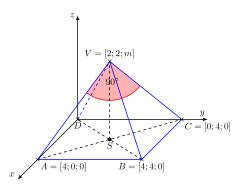
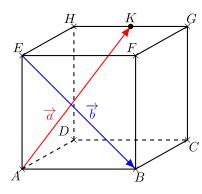
## Puntos y vectores - nivel B

1. Sea ABCDV una pirámide cuadrangular regular, cuyas aristas opuestas forman un ángulo recto (mira la imagen). Especifica la coordenada del vértice faltante. V.



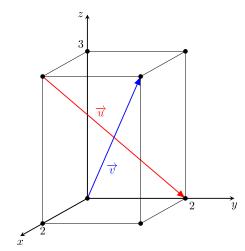
- (a)  $m = \sqrt{2}$
- (b)  $m = -2\sqrt{2}$
- (c)  $m = 2\sqrt{2}$
- (d)  $m = 4\sqrt{2}$

**2.** En el cubo ABCDEFGH determina el ángulo  $\varphi$  entre los vectores  $\overrightarrow{b} = \overrightarrow{EB}$  y  $\overrightarrow{a} = \overrightarrow{AK}$ , donde K es el centro de HG. Redondea  $\varphi$  al grado más cercano. Pista: Elige un sistema de coordenadas apropiado.



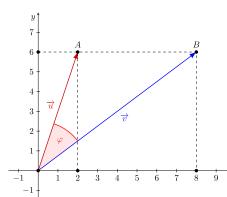
- (a)  $\varphi \doteq 100^{\circ}$
- (b)  $\varphi \doteq 76^{\circ}$
- (c)  $\varphi \doteq 104^{\circ}$
- (d)  $\varphi \doteq 80^{\circ}$

3. Los vectores  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$  son mostrados en la imagen. Determina el coseno del ángulo  $\varphi$  entre  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$ . Pista: Usa el producto escalar de los vectores indicados.



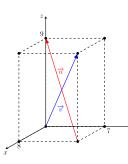
- (a)  $\cos \varphi = -\frac{9}{17}$
- (b)  $\cos \varphi = -\frac{\sqrt{17}}{2\sqrt{13}}$
- (c)  $\cos \varphi = \frac{9}{17}$
- (d)  $\cos \varphi = \frac{\sqrt{17}}{2\sqrt{13}}$

4. Los vectores  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$  son mostrados en la imagen. Determina el coseno del ángulo  $\varphi$  entre  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$ . Pista: Usa el producto escalar de los vectores indicados.



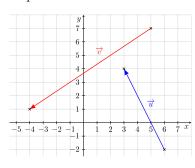
- (a)  $\cos \varphi = \frac{970}{50}$
- (b)  $\cos \varphi = \frac{\sqrt{10}}{5}$
- $(c) \cos \varphi = \frac{13\sqrt{10}}{50}$
- (d)  $\cos \varphi = \frac{3\sqrt{10}}{10}$

**5.** Determina las coordenadas de los vectores  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$  dadas por la imagen y calcula su producto escalar.



- (a)  $\overrightarrow{u} = (-8, -7, 9); \quad \overrightarrow{v} = (8, 7, 9); \quad \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 0$
- (b)  $\overrightarrow{u} = (-8, -7, 9); \quad \overrightarrow{v} = (8, 7, 9); \quad \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = -32$
- (c)  $\overrightarrow{u} = (8;7;-9); \quad \overrightarrow{v} = (-8;-7;-9); \quad \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = (-64;-49;81)$
- (d)  $\overrightarrow{u} = (-8; -7; 9); \quad \overrightarrow{v} = (8; 7; 9); \quad \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = (-64; -49; 81)$

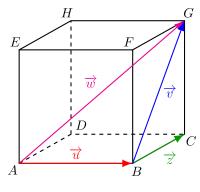
6. Determina las coordenadas de los vectores  $\overrightarrow{u}$  y  $\overrightarrow{v}$  dadas por la imagen y calcula su producto escalar.



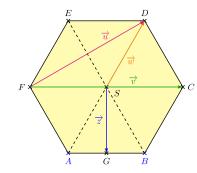
- (a)  $\overrightarrow{y} = (3:-6)$ :  $\overrightarrow{y} = (9:6)$ :  $\overrightarrow{y} \cdot \overrightarrow{y} = -9$
- (b)  $\overrightarrow{u} = (3:-6)$ :  $\overrightarrow{v} = (9:6)$ :  $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 0$
- (c)  $\overrightarrow{u} = (-3; 6); \quad \overrightarrow{v} = (-9; -6); \quad \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 9$
- (d)  $\overrightarrow{u} = (-3; 6); \quad \overrightarrow{v} = (-9; -6); \quad \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = -9$

7. Los vectores  $\overrightarrow{u}$ ,  $\overrightarrow{v}$ ,  $\overrightarrow{w}$ ,  $\overrightarrow{z}$  se indican en un cubo mostrado en la figura. La longitud de la arista del cubo es 1. Determina el producto escalar de:

$$\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z}$$
,  $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v}$ ,  $\overrightarrow{w} \cdot \overrightarrow{u}$ 



- (a)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = 1$ ,  $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 1$ ,  $\overrightarrow{w} \cdot \overrightarrow{u} = \sqrt{3}$
- (b)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ,  $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 1$ ,  $\overrightarrow{w} \cdot \overrightarrow{u} = \sqrt{3}$
- (c)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = 1$ ,  $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 0$ ,  $\overrightarrow{w} \cdot \overrightarrow{u} = 1$
- (d)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = \sqrt{2}$ ,  $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = 0$ ,  $\overrightarrow{w} \cdot \overrightarrow{u} = 1$
- 8. Sea ABCDEF un hexágono regular con el centro S y la longitud del lado 3 cm. El punto G es el centro del segmento AB. Los vectores  $\overrightarrow{u}$ ,  $\overrightarrow{v}$ ,  $\overrightarrow{w}$ ,  $\overrightarrow{z}$  son marcados en el hexágono de la imagen. Determina el producto escalar:  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{w}$ ,  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z}$  and  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{u}$ .



- (a)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{w} = \frac{9}{2}, \ \overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = 0, \ \overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{u} = 9\sqrt{6}$
- (b)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{w} = 9$ ,  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = 0$ ,  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{u} = 27$
- (c)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{w} = \frac{9}{2}, \overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = 1, \overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{u} = 27$
- (d)  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{w} = 9$ ,  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{z} = 0$ ,  $\overrightarrow{v} \cdot \overrightarrow{u} = 9\sqrt{6}$

Respuestas(Puntos y vectores - nivel B): 1c, 2c, 3a, 4c, 5b, 6d, 7c, 8b,